

Nom et Prénom : ESSEGHYR HRYROU MUSTAPHA

Date de soutenance : 30/03/2022

Directeur de Thèse : KABBAJ SAMIR

Sujet de Thèse :

**On the Stability of some functional Equations
(Bi-additive quadratic)-(k-Drygas)-Jensen-Monomial and quartic**

Résumé:

Dans cette thèse nous étudions la stabilité et l'hyperstabilité des équations fonctionnelles suivantes dans différents espaces .

1) L'équation fonctionnelle p-radical associée à l'équation de Drygas :

$$f(\sqrt[p]{x^p + y^p}) + f(\sqrt[p]{x^p - y^p}) = 2f(x) + f(y) + f(-y) \quad x, y \in \mathbb{R}$$

2) L'équation fonctionnelle k - Drygas :

$$f(x + y) + f(x + ky) = 2f(x) + k^2f(y) + k^2f(-y) \quad x, y \in G$$

Où k est un entier naturel dans l'espace 2-Banach en utilisant la méthode du point fixe.

3) L'équation fonctionnelle k - Drygas

dans un ensemble de mesure de Lebesgue nulle.

4) L'équation bi-additive quadratique :

$$f(x + y, s + t) + f(x - y, s - t) = 2f(x, s) + 2f(x, t)$$

Où $x, y, s, t \in \Omega$ avec $\Omega \subset \mathbb{R}^2$ et Ω de mesure nulle.

5) L'équation fonctionnelle monomiale Dans un espace 2-Banach ultramétrique :

$$\sum_{k=0}^s (-1)^{s-k} C_k^s f(x + ky) = s! f(x)$$

Où $C_k^s = \frac{s!}{(s-k)!k!}$, $k, s \in \mathbb{N}$, $k \leq s$

6) L'équation générale Jensen dans un espace 2-Banach :

:

$$\sum_{k=0}^{n-1} f(x + b_k y) = n f(x)$$

ou $b_k = \exp\left(\frac{2\pi i}{n}\right)$

7) L'équation fonctionnelle p-radical fonctionnelle associée à l'équation fonctionnelle quartique :

$$f(\sqrt[p]{2x^p + y^p}) + f(\sqrt[p]{2x^p - y^p}) = 4f(\sqrt[p]{x^p + y^p}) + 4f(\sqrt[p]{x^p - y^p}) + 24f(x) - 6f(y) \quad x, y \in \mathbb{R}$$

المخلص :

في هذه الأطروحة ندرس ونناقش الاستقرار والاستقرار المفرط في عدة فضاءات مختلفة للمعادلات الدالية التالية:

1. المعادلات الجذرية من الرتبة p حيث p عدد طبيعي فردي أكبر من أو يساوي 3 الموافقة لمعادلات درايجاس

$$f(\sqrt[p]{x^p + y^p}) + f(\sqrt[p]{x^p - y^p}) = 2f(x) + f(y) + f(-y)$$

حيث $x, y \in \mathbb{R}$ و $f: \mathbb{R} \rightarrow X$ فضاء باناخ غير ارشميدي ، وذلك باستعمال مبرهنة النقطة الثابتة.

2. معادلة درايجاس العامة حيث k عدد طبيعي

$$f(x + ky) + f(x - ky) = 2f(x) + k^2f(y) + k^2f(-y)$$

في فضاءات 2- باناخ باستعمال مبرهنة النقطة الثابتة.

3. دراسة استقرار معادلة درايجاس السابقة باستعمال تقنية المقياس الصفري.

4. المعادلة التربيعية - الخطية

$$f(x + y, s + t) + f(x - y, s - t) = 2f(x, s) + 2f(x, t)$$

حيث $x, y, s, t \in \Omega$ و $\Omega \subset \mathbb{R}^2$ مزودة بمقياس لوبيج صفري.

5. المعادلات الدالية أحادية الحد في الفضاءات 2- باناخ الاكترامترية باستعمال مبرهنة النقطة الثابتة

$$\sum_{k=0}^s (-1)^{s-k} C_k^s f(x + ky) = s! f(x)$$

حيث $f: X \rightarrow Y$ فضاء منظم و Y فضاء 2- باناخ الترامتري ، s و k عدنان طبيعيان بحيث $k \leq s$ وكذلك

$$C_k^s = \frac{s!}{(s-k)!k!}$$

6. معادلات جنسن العامة في فضاءات 2- باناخ باستعمال مبرهنة النقطة الثابتة

$$\sum_{k=0}^{n-1} f(x + b_k y) = n f(x)$$

حيث $f: X \rightarrow Y$ و X فضاء منظم و Y 2- باناخ فضاء الترامتري ، و n و k عدنان طبيعيين بحيث $k \leq n$ وكذلك $b_k = \exp\left(\frac{2\pi i}{n}\right)$

7. المعادلات الجذرية الموافقة للدوال من الدرجة الرابعة

$$f(2x + y) + f(2x - y) = 4f(x + y) + 4f(x - y) + 24f(x) - 6f(y)$$